

Universitatea *Dunărea de Jos* din Galați

MODELE DE TESTE GRILĂ PENTRU ADMITEREA 2013

DISCIPLINA: ALGEBRĂ

Clasa a IX-a, a X-a și a XI-a

ACESTE MODELE DE TESTE SUNT RECOMANDATE PENTRU CANDIDAȚII CARE VOR SUSȚINE CONCURS DE ADMITERE LA DOMENII/SPECIALIZĂRI DE LA FACULTĂȚILE:

- Mecanică
- Arhitectură navală
- Automatică, Calculatoare, Inginerie Electrică și Electronică
- Metalurgie, știința materialor și mediu
- Inginerie Brăila
- Știința și ingineria alimentelor
- Științe și mediu

1. Soluția ecuației $2x - 3 = 5$ este:

A. $x = 6$;

B. $x = -1$;

C. $x = 4$.

2. Numărul $x \in \mathbf{R}$ ce satisface relația $5x - 7 = -x + 5$ este:

A. $x = 3$;

B. $x = -2$;

C. $x = 2$.

3. Dacă $\frac{2x}{3} - 1 = -3$, atunci:

A. $x = -3$;

B. $x = 3$;

C. $x = -2$.

4. Ecuația $\frac{2x+1}{3x-2} = \frac{3}{4}$ are soluția:

A. $x = 8$;

B. $x = -7$;

C. $x = 10$.

5. Soluția ecuației $\frac{x+1}{2x-3} = \frac{x-2}{2x+6}$ este:

A. $x = -2$;

B. $x = 1$;

C. $x = 0$.

6. Mulțimea soluțiilor ecuației $x^2 + x - 2 = 0$ este:

A. $\{1, -2\}$;

B. $\{1, 2\}$;

C. $\{-1, -2\}$.

7. Soluția pozitivă a ecuației $x^2 + x - 6 = 0$ este:

A. $x = 2$;

B. $x = 3$;

C. $x = 4$.

8. Mulțimea soluțiilor ecuației $2x^2 + 1 = x^2 + 2(2x - 1)$ este:

A. $\{1, 2\}$;

B. $\{1, 3\}$;

C. $\{2, 3\}$.

9. Mulțimea soluțiilor ecuației $\frac{x-2}{2} = \frac{x^2+x-3}{x+3}$ este:

A. $\{0, -1\}$;

B. $\{0, 1\}$;

C. $\{-1, 1\}$.

10. Dacă $x = -1$ este soluție a ecuației $(a+1)x^2 - x + 2a - 5 = 0$, atunci:

A. $a = 1$;

B. $a = -1$;

C. $a = 2$.

11. Inecuația $3x - 1 \geq 2$ are soluția:

A. $x \in \mathbf{R}$;

B. $x \in [1, \infty)$;

C. $x \in \emptyset$.

12. Soluția inecuației $3 - 2x \geq -1$ este:

A. $x \in (-\infty, 2]$;

B. $x \in (-\infty, -2]$;

C. $x \in [2, \infty)$.

13. Dacă $A = \{x \in \mathbf{R}; x^2 - 4x + 3 \leq 0\}$, atunci:

A. $A = (-\infty, 1]$;

B. $A = [-3, -1]$;

C. $A = [1, 3]$.

14. Mulțimea $A = \{x \in \mathbf{Z}; x^2 - 3x + 2 \leq 0\}$ este:
A. $A = \mathbf{Z}$; **B.** $A = \emptyset$; **C.** $A = \{1, 2\}$.
15. Suma soluțiilor întregi ale inecuației $x^2 - x < 12$ este:
A. 5; **B.** 3; **C.** 4.
16. Fie funcția $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = 2x + 3$. Atunci suma $S = f(-1) + f(0) + f(1)$ este egală cu:
A. 0; **B.** 1; **C.** 9.
17. Graficul funcției $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = x + a, a \in \mathbf{R}$, trece prin punctul $A(1, 3)$ pentru:
A. $a = 0$; **B.** $a = 1$; **C.** $a = 2$.
18. Punctul $A(-2a + 2, -1)$ aparține graficului funcției $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = -2x - 5$ pentru:
A. $a = 1$; **B.** $a = 2$; **C.** $a = -2$.
19. Dacă punctul $A(-a, 1), a > 0$ se află pe graficul funcției $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = x^2 + x - 1$, atunci:
A. $a = 1$; **B.** $a = -2$; **C.** $a = 2$.
20. Valoarea maximă a funcției $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = -2x^2 + 4x - 8$ este:
A. -6; **B.** 6; **C.** 4.
21. Valoarea parametrului real m pentru care graficul funcției $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = mx^2 - 4x + 2$, este tangent la axa OX este egală cu:
A. $m = -2$; **B.** $m = 2$; **C.** $m = 1$.
22. Fie $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = 2x - 3$. Soluția ecuației $f(x) + f(x - 1) = 4$ este:
A. $x = 2$; **B.)** $x = -3$; **C.** $x = 3$.
23. Fie funcția $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = 2x - 4$. Mulțimea soluțiilor ecuației $f(x)f(x + 1)f(x + 2) = 0$ este:
A. $\{0, -1, -2\}$;
B. $\{0, 1, 2\}$;
C. $\{-2, -1, 0, 1, 2\}$.
24. Dacă x_1, x_2 sunt rădăcinile ecuației $x^2 + x + 1 = 0$ și $S = \frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$, atunci
A. $S = -1$; **B.** $S = 1$; **C.** $S = 2$.
25. Dacă x_1, x_2 sunt rădăcinile ecuației $x^2 - x + 1 = 0$ și $S = x_1^2 + x_2^2$, atunci:
A. $S = 1$; **B.** $S = 0$; **C.** $S = -1$.

26. Valoarea lui $m \in \mathbf{R}$ pentru care rădăcinile ecuației $x^2 - 3x + m = 0$ satisfac relația $x_1^2 + x_2^2 = 3$ este:

A. $m = -3$;

B. $m = 3$;

C. $m = 6$.

27. Fie $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = x^2 - x + 2$. Valoarea lui $m \in \mathbf{R}$ pentru care ecuația $f(-x) = 3x + m$ are soluție unică este:

A. $m = 1$;

B. $m = -2$;

C. $m = 2$.

28. Ecuația $x^2 - mx + 1 = 0$, $m \in \mathbf{R}$, are ambele rădăcini pozitive pentru:

A. $m \in \mathbf{R}$;

B. $m \in \emptyset$;

C. $m \in [2, \infty)$.

29. Inecuația $mx^2 + 2(m + 1)x + 4m < 0$, $m \in \mathbf{R}$, nu are nicio soluție pentru:

A. $m \in \mathbf{R}$;

B. $m \in [1, \infty)$;

C. $m = 0$.

30. Mulțimea valorilor funcției $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = x^2 - 4x + 6$ este:

A. $[2, \infty)$;

B. $[-\infty, 2)$;

C. $[-2, \infty)$.

31. Fie $f : \mathbf{R} \setminus \{2\} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = \frac{2x+1}{x-2}$. Mulțimea valorilor funcției f este:

A. $\mathbf{R} \setminus \{2\}$;

B. $\mathbf{R}$;

C. $(-2, 2)$.

32. Fie $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = \frac{x^2 - x + 1}{x^2 + 1}$. Mulțimea valorilor funcției f este:

A. $\left[\frac{1}{2}, \frac{3}{2}\right]$;

B. $[0, 1]$;

C. $\mathbf{R}$.

33. Fie $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = -2x + 1$. Soluția ecuației $(f \circ f)(x) = 3$ este:

A. $x = 1$;

B. $x = -1$;

C. $x = 2$.

34. Mulțimea soluțiilor ecuației $(x + 1)(x^2 + 1) = (x + 1)(4x - 2)$ este:

A. $\{1, 3\}$;

B. $\{-1, 1\}$;

C. $\{-1, 1, 3\}$.

35. Soluția pozitivă a ecuației $x(x + 1)(x + 2)(x + 3) = 24$ este:

A. $x = 0$;

B. $x = 1$;

C. $x = 2$.

36. Mulțimea $A = \{x \in \mathbf{R}; x^4 = 1\}$ este egală cu:

A. $\{0, 1\}$;

B. $\{-1, 1\}$;

C. $\emptyset$.

37. Valorile parametrului real m , pentru care distanța dintre rădăcinile ecuației

$$x^2 + mx - 1 = 0 \text{ este } \sqrt{5}, \text{ sunt:}$$

A. $m = 0$;

B. $m = -1$ și $m = 1$;

C. $m = -2$ și $m = 2$.

38. Dacă soluțiile x_1, x_2 ale ecuației $x^2 - (2m + 1)x + m = 0$ se află în intervalul $(-1, \infty)$, atunci:

A. $m \in \left(-\frac{2}{3}, \infty\right)$;

B. $m \in \left(-\infty, -\frac{2}{3}\right)$;

C. $m \in \left(-\frac{3}{2}, -\frac{2}{3}\right)$.

39. Mulțimea $A = \{(x, y) \in \mathbf{Z} \times \mathbf{Z}; xy - 5y = 8\}$ are:

A. opt elemente;

B. niciun element;

C. o infinitate de elemente.

40. Fie x_1, x_2 rădăcinile ecuației $x^2 - x + 1 = 0$ și $S = x_1^{2012} + x_2^{2012}$ atunci:

A. $S = -1$;

B. $S = 0$;

C. $S = 1$.

41. Valorile lui $x \in \mathbf{Z}$ pentru care $x^2 + x + 1$ este pătrat perfect sunt:

A. $x \in \{0, 1\}$;

B. $x = 1$;

C. $x \in \{-1, 0\}$.

42. Dacă vârful parabolei $y = 2x^2 + 4x + m - 1$ este în cadranul II, atunci:

A. $m \in (3, \infty)$;

B. $m \in (-\infty, -3)$;

C. $m \in (-3, \infty)$.

43. Valoarea lui $m \in \mathbf{R}$ pentru care rădăcinile ecuației $x^2 - 6x + 2m - 2 = 0$ satisfac relația $x_1 = 2x_2$, este:

A. $m = -5$;

B. $m = 5$;

C. $m = 10$.

44. Fie x_1, x_2 rădăcinile ecuației $x^2 + x + m = 0$. Mulțimea valorilor parametrului real m pentru care $(x_1^3 + x_2^3)^2 + x_1 + x_2 = 0$, este:

A. $\left\{\frac{2}{3}, \frac{3}{2}\right\}$;

B. $\left\{\frac{2}{3}\right\}$;

C. $\left\{0, \frac{2}{3}\right\}$.

45. Funcția $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = mx^2 - 4x + m$, are minimul strict negativ pentru:

A. $m \in (-2, 2)$;

B. $m \in (0, 2)$;

C. $m \in (-2, 0)$.

46. Dacă $x, y \in \mathbf{R}^*$ și $2\left(\frac{x^2}{y^2} + \frac{y^2}{x^2}\right) - 3\left(\frac{x}{y} + \frac{y}{x}\right) - 1 = 0$, atunci:

A. $\frac{x}{y} \in \left\{-1, \frac{5}{2}\right\};$

B. $\frac{x}{y} \in \left\{\frac{1}{2}, 2\right\};$

C. $\frac{x}{y} = 2.$

47. Valoarea parametrului $a \in \mathbf{R}$ pentru care mulțimea

$\{x \in \mathbf{R}; x^2 + a|x| + a^2 - 1 = 0\}$ are un singur element este:

A. $a = 0;$

B. $a = 1;$

C. $a = -1.$

48. Fie $f: [-3, 4] \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = 2x^2 + 4x - 3$. Valorile lui m pentru care ecuația $f(x) = m$ are două soluții reale și distincte sunt:

A. $m \in [3, 45];$

B. $m \in (-5, 3];$

C. $m \in \mathbf{R}.$

49. Fie $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = 8x^2 + ax + b$. Dacă $|f(x)| \leq 1$ pentru orice $x \in [0, 1]$, atunci:

A. $a = -8, \quad b = 1;$

B. $a = 1, \quad b = -1;$

C. $a = -4, \quad b = 8.$

50. Ecuația $(m+1)x^2 + (2-m)x - 2m - 7 = 0$, unde $m \in \mathbf{Z}$, are rădăcinile numere întregi pentru:

A. $m \in \{-1, 1\};$

B. $m \in \{-2, 0\};$

C. $m = -2.$

51. Mulțimea soluțiilor inecuației $\lg x > \lg 7$ este:

A. $(7, \infty);$

B. $\mathbf{R};$

C. $\emptyset.$

52. Soluția ecuației $\log_5 x = 0$ este:

A. $x = 1;$

B. $x = 0;$

C. $x = -1.$

53. Expresia $E = \log_2 x + 3 \log_4 x$ este definită pentru:

A. $x \in \mathbf{R};$

B. $x \in (0, \infty);$

C. $x = -2.$

54. Mulțimea soluțiilor inecuației $3^x \leq 9$ este:

A. $(-\infty, 2];$

B. $\mathbf{R};$

C. $\{3\}.$

55. Soluția ecuației $2^x = 8$ este:

A. $x = 3;$

B. $x = \frac{1}{3};$

C. $x = 2.$

56. Soluția ecuației $\left(\frac{1}{5}\right)^x = 125$ este:

A. $x = 2;$

B. $x = -3;$

C. $x = 3.$

57. Valoarea sumei $\lg 25 + \lg 4$ este:

A. 10;

B. 6,25;

C. 2.

58. Ecuația $3^{1-x} = 9^{x-1}$ admite soluția:

A. $x = -1$;

B. $x = 3$;

C. $x = 1$.

59. Ecuația $3^{|x-2|} = \frac{1}{3}$ are:

A. o soluție reală;

B. nicio soluție reală;

C. două soluții reale.

60. Ecuația $\log_3(4-x) = \log_3(x-2)$ admite soluția:

A. $x = 2$;

B. $x = 1$;

C. $x = 3$.

61. Ecuația $\log_2 x = \log_2(2-x)$ admite soluția:

A. $x = 0$;

B. $x = 1$;

C. $x = 2$.

62. În intervalul $\left[0, \frac{\pi}{2}\right]$ ecuația $2^{\sin x} = 2$ admite soluțiile:

A. $x_1 = -1$ și $x_2 = 1$;

B. $x_1 = 0$ și $x_2 = \frac{\pi}{4}$;

C. $x = \frac{\pi}{2}$.

63. Soluțiile ecuației $2^{x^2-3x+8} = 64$ sunt:

A. $x_1 = 1$ și $x_2 = -1$;

B. $x_1 = 1$ și $x_2 = 2$;

C. $x_1 = -1$ și $x_2 = -2$.

64. Ecuația $2^{x^2-1} = 1$ admite soluțiile:

A. $x_1 = -2$ și $x_2 = -2$;

B. $x_1 = 0$ și $x_2 = 1$;

C. $x_1 = -1$ și $x_2 = 1$.

65. Ecuația $\log_5(3x+1) = 1 + \log_5(x-1)$ admite soluția:

A. $x = 0$;

B. $x = 3$;

C. $x = 6$.

66. Ecuația $2^{x^2-3x} = \frac{1}{4}$ admite soluțiile:

A. $x_1 = -1$ și $x_2 = 0$;

B. $x_1 = 0$ și $x_2 = 1$;

C. $x_1 = 1$ și $x_2 = 2$.

67. Valoarea sumei $\log_3 \frac{2}{1} + \log_3 \frac{3}{2} + \log_3 \frac{4}{3} + \dots + \log_3 \frac{9}{8}$ este:

A. 1;

B. 2;

C. $\frac{1}{2}$.

68. Ecuația $3 \cdot 2^{2x} - 2^{x+1} - 1 = 0$ admite soluțiile:

A. $x_1 = -\frac{1}{3}$ și $x_2 = 1$;

B. $x_1 = 0$ și $x_2 = 1$;

C. $x = 0$

69. Ecuația $5 \cdot \lg^2 x - 2 \cdot \lg x - 3 = 0$ admite soluțiile:

A. $x_1 = -\frac{3}{5}$ și $x_2 = 1$;

B. $x_1 = 10^{-\frac{3}{5}}$ și $x_2 = 10$;

C. $x_1 = \left(\frac{3}{5}\right)^{10}$ și $x_2 = 10$.

70. Inecuația $3^{\lg x} > 1$ admite soluțiile:

A. $x \in (0, 1)$;

B. $x \in (1, 3)$;

C. $x \in (1, +\infty)$.

71. Inecuația $5^{\log_2 x} < 1$ admite soluțiile:

A. $x \in (0, 1)$;

B. $x \in (1, 5)$;

C. $x \in (5, +\infty)$.

72. Ecuația $\log_2(x^2 + 3x - 10) = 3$ admite soluțiile:

A. $x_1 = 2$ și $x_2 = -5$;

B. $x_1 = 3$ și $x_2 = -6$;

C. $x_1 = 1$ și $x_2 = 5$.

73. Domeniul maxim D de definiție al funcției $f: D \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = \lg(x^2 - 4)$ este:

A. $D = (2, +\infty)$;

B. $D = (-2, 2)$;

C. $D = (-\infty, -2) \cup (2, +\infty)$.

74. Mulțimea soluțiilor inecuației $\log_2(x + 1) > 0$ este:

A. $(0, +\infty)$;

B. $(-1, 0)$;

C. $(-1, +\infty)$.

75. Mulțimea soluțiilor inecuației $3^{x-1} > 1$ este:

A. $(0, 1)$;

B. $[1, 3]$;

C. $(1, +\infty)$.

76. Soluțiile reale ale ecuației $3^{x-2} = \left(\frac{1}{3}\right)^{\sqrt{x}}$

A. $x_1 = 1$ și $x_2 = 4$;

B. $x = 1$;

C. $x_1 = 2$ și $x_2 = 4$.

77. Soluțiile ecuației $\lg^2 x - 4 \lg x + 3 = 0$ sunt:

A. $x_1 = 1$ și $x_2 = 3$;

B. $x_1 = 10$ și $x_2 = 1000$;

C. $x_1 = \frac{1}{10}$ și $x_2 = 100$.

78. Ecuația $(3 + 2\sqrt{2})^x = (1 + \sqrt{2})^2$ are soluția:

A. $x = 0$;

B. $x = -1$;

C. $x = 1$.

79. Numărul $\frac{\log_5 18 - \log_5 2}{\log_5 3}$ este egal cu;

A. 1;

B. 2;

C. $\frac{1}{2}$.

80. Ecuația $3^{2x-5} = 3^{x^2-8}$ are soluțiile:

A. $x_1 = 1$ și $x_2 = 3$;

B. $x_1 = -1$ și $x_2 = 3$;

C. $x_1 = \frac{1}{3}$ și $x_2 = 3$.

81. Valorile numărului real x pentru care există $\log_2(1 + \sin^2 x)$ sunt:

A. $x \in \mathbf{R}$;

B. $x \in [-1, 1]$;

C. $x \in [0, +\infty)$.

82. Mulțimea valorilor funcției $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = \log_2(1 + \sin^2 x)$ este:

A. $(0, +\infty)$;

B. $[0, 1]$;

C. $(1, 2)$.

83. Mulțimea valorilor funcției $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = 2^{\sin x}$ este:

A. $[-2, 2]$;

B. $[0, 1]$;

C. $\left[\frac{1}{2}, 2\right]$.

84. Ecuația $2^{2x+2} - 2^{x+2} + 1 = 0$ admite soluțiile:

A. $x_1 = -2$ și $x_2 = 2$;

B. $x = -1$;

C. $x_1 = -1$ și $x_2 = 1$.

85. Soluțiile ecuației $5 \cdot \log_3^2 x + 4 \cdot \log_3 x - 1 = 0$ sunt:

A. $x_1 = \frac{1}{3}$ și $x_2 = \sqrt[5]{3}$;

B. $x_1 = \frac{1}{3}$ și $x_2 = \frac{2}{5}$;

C. $x_1 = -1$ și $x_2 = \frac{1}{5}$.

86. Ecuația $5x^2 - 6x + 9 = 1$ admite soluțiile:

A. $x_1 = -3$ și $x_2 = 3$;

B. $x = 3$;

C. $x_1 = 1$ și $x_2 = 2$.

87. Dacă $x \in \left[\frac{1}{2}, 2\right]$, atunci $\log_2 x$ aparține intervalului:

A. $x \in \left[\frac{1}{4}, \frac{1}{2}\right]$;

B. $x \in [2, 4]$;

C. $x \in [-1, 1]$.

88. Numărul $\lg 2012$ aparține intervalului:

A. $(2, 3)$;

B. $(3, 4)$;

C. $(4, 5)$.

89. Mulțimea valorilor lui x pentru care $\log_2 \left(\log_{\frac{1}{2}} x \right)$ are sens este:

A. $(0, \infty)$;

B. $(0, 1)$;

C. $(1, \infty)$.

90. Dacă $\log_2 3 = a$, atunci $\log_{12} 18$ este egal cu:

A. $\frac{1+a}{2+a}$;

B. $\frac{1+2a}{2+a}$;

C. $\frac{1+2a}{1+a}$.

91. Ecuația $x^{\sqrt{x}} = \sqrt{x}^x$ are:

A. soluție unică;

B. o infinitate de soluții;

C. două soluții.

92. Pentru orice număr natural $n \geq 2$, suma $S = \lg \frac{1}{2} + \lg \frac{2}{3} + \dots + \lg \frac{n-1}{n}$ este egală cu:

A. 0;

B. $\lg \frac{n-1}{n}$;

C. $-\lg n$.

93. Ecuația $\log_{\frac{1}{3}}(\log_3 x) = 0$ admite soluția:

A. $x = \frac{1}{3}$;

B. $x = 3$;

C. $x = 1$.

94. Dacă notăm $\log_3 2 = x$, atunci $\log_8 36$ este egal cu:

A. $\frac{2(2x+1)}{3(x+1)}$

B. $\frac{2(1+x)}{3x}$;

C. $\frac{1}{3(x+1)}$.

95. Mulțimea soluțiilor inecuației $\frac{1}{2^{x^2+x-1}} > \frac{1}{2}$ este:

A. $(-1, 2)$;

B. $(-\infty, -2) \cup (1, +\infty)$;

C. $(-2, 1)$.

96. Mulțimea soluțiilor inecuației $\log_{\frac{1}{3}}\left(\frac{4}{3} - x\right) > 1$ este:

A. $\left(1, \frac{4}{3}\right)$;

B. $\left(-\infty, \frac{4}{3}\right)$;

C. $\left(\frac{1}{3}, 4\right)$.

97. Numărul real $\log_2 \frac{1}{3}$ aparține intervalului:

A. $\left(0, \frac{1}{3}\right)$;

B. $(-1, 0)$;

C. $(-2, -1)$.

98. Ecuația $2^{2\sqrt{x}} - 3 \cdot 2^{\sqrt{x}} + 2 = 0$ admite:

A. două soluții în intervalul $(1, 2)$;

B. două soluții în intervalul $[0, 1]$;

C. soluția unică $x = 0$.

99. Dubla inegalitate $2 \leq \frac{1}{2^x} \leq 4$ este satisfăcută pentru:

A. $x \in \left[\frac{1}{4}, \frac{1}{2}\right]$;

B. $x \in [2, 4]$;

C. $x \in [-2, -1]$.

100. Dubla inegalitate $1 < \log_{\frac{1}{3}} x < 3$ este satisfăcută pentru:

A. $x \in \left(\frac{1}{3}, 1\right)$;

B. $x \in \left(\frac{1}{27}, \frac{1}{3}\right)$;

C. $x \in [1, 3]$.

101. Ecuația $2^x + 3^x = 5^x$ are:

A. două soluții;

B. o infinitate de soluții;

C. o singură soluție.

102. Ecuația $6^x + 3 \cdot 4^x = 2 \cdot 9^x$ are:

A. două soluții în intervalul $[-1, 1]$;

B. soluția unică $x = 1$;

C. o soluție unică în intervalul $(0, 1)$.

103. Ecuația $x + 2^x + \log_2 x = 7$ are:

A. o infinitate de soluții;

B. soluția unică $x = 2$;

C. două soluții.

104. Numerele 2^x , $4^x + 1$ și 2^{x+2} sunt termenii consecutivi ai unei progresii aritmetice pentru:

A. $x = \{-1, 1\}$;

B. $x = 0$;

C. $x = 2$.

105. Al cincilea termen din șirul 2, 4, 6, 8, ... este:

A. 0;

B. 10;

C. 100.

106. Al cincilea termen din șirul 1, 3, 9, 27, ... este:

A. 81;

B. 28;

C. 10.

107. Într-o progresie aritmetică $(a_n)_{n \geq 1}$ se cunosc termenii $a_1 = 2$, $a_3 = 10$. Atunci termenul a_2 este egal cu:

A. 5;

B. 6;

C. 7.

108. Dacă într-o progresie aritmetică $(a_n)_{n \geq 1}$ termenul $a_3 = 5$ și rația $r = 2$, atunci termenul a_1 este egal cu:

A. 1;

B. 2;

C. 3.

109. Dacă suma a trei numere impare consecutive este egală cu 15, atunci cel mai mic dintre ele este:

A. 1;

B. 3;

C. 5.

110. Suma $S = a_1 + a_2 + a_3 + a_4$ a primilor patru termeni ai unei progresii aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$ cu $a_1 = 1$, $r = 2$ este:

A. 8;

B. 12;

C. 16.

111. Dacă $(b_n)_{n \geq 1}$ este o progresie geometrică cu $b_1 = 2$, $q = 2$, atunci termenul b_4 este egal cu:

A. 15;

B. 16;

C. 17.

112. Suma $S = b_1 + b_2 + b_3 + b_4$ a primilor patru termeni ai unei progresii geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$ cu $b_1 = 1$, $q = 3$ este:

A. 30;

B. 40;

C. 50.

113. Dacă numerele reale a, b, c formează o progresie geometrică cu rația $q = 2$, atunci ecuația $ax^2 - 2bx + c = 0$ are soluția:

A. 1; **B.** 2; **C.** 3.

114. Șirul 1, 4, 7, 10, ... formează o progresie aritmetică. Care dintre următoarele numere aparține progresiei?

A. 17; **B.** 18; **C.** 19.

115. Șirul 1, $b_1, b_2, b_3, \dots$ este o progresie geometrică cu rația $q = \sqrt{2}$. Care dintre următoarele numere nu aparține progresiei?

A. 4; **B.** 6; **C.** 8.

116. Dacă numerele a_1, a_2, a_3 formează o progresie aritmetică cu rația -1 , atunci ecuația

$$\frac{a_1 - x}{a_2} = \frac{a_2 - x}{a_3}$$

are soluția:

A. -1 ; **B.** 0; **C.** 1.

117. Dacă numerele distincte b_1, b_2, b_3 formează o progresie geometrică, atunci ecuația

$$\frac{b_2}{b_1 + x} = \frac{b_3}{b_2 + x}$$

are soluția:

A. -1 ; **B.** 0; **C.** 1.

118. Dacă numerele reale nenule b_1, b_2, b_3 verifică egalitățile $\frac{b_2}{b_1} = \frac{b_3}{b_2} = 2$, atunci expresia

$\frac{b_1 + b_2}{b_2 + b_3}$ este egală cu:

A. $\frac{1}{2}$; **B.** 1; **C.** 2.

119. Se consideră progresia aritmetică $a_1, a_2, 13, 17, \dots$. Atunci a_1 este egal cu:

A. 3; **B.** 4; **C.** 5.

120. Într-o progresie aritmetică $(a_n)_{n \geq 1}$ se cunosc termenii $a_3 = 5$ și $a_6 = 11$. Atunci a_9 este egal cu:

A. 17; **B.** 13; **C.** 15.

121. Într-o progresie aritmetică cu termeni pozitivi $(a_n)_{n \geq 1}$ sunt verificate următoarele relații: $2a_4 - 3a_2 = 1$, $a_1 a_2 = 6$. Atunci rația r a progresiei este egală cu:

A. 2; **B.** 1; **C.** 7.

122. Se consideră o progresie aritmetică $(a_n)_{n \geq 1}$ cu termenul $a_3 = 18$ și rația $r = \frac{3}{2}$. Suma primilor 9 termeni este:

A. 107; **B.** 205; **C.** 189.

123. Dacă numerele $-2x-1$, $|2x-1|$, $5+2x$ sunt termenii consecutivi ai unei progresii aritmetice, atunci:

A. $x \in \left\{ \frac{1}{2}, -\frac{3}{2} \right\}$;

B. $x \in \left\{ -\frac{1}{2}, \frac{3}{2} \right\}$;

C. $x \in \left\{ -\frac{1}{2}, -\frac{3}{2} \right\}$.

124. Termenii unei progresii geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$ verifică următoarele relații: $b_1 + b_4 = \frac{7}{16}$,
 $b_1 - b_2 + b_3 = \frac{7}{8}$. Atunci rația q este egală cu:

A. $\frac{3}{2}$;

B. $\frac{1}{2}$;

C. $-\frac{1}{2}$.

125. Într-o progresie geometrică $(b_n)_{n \geq 1}$, suma primilor opt termeni este $S_8 = 255$ și $\frac{b_4}{b_1} = 8$. Atunci primul termen b_1 este:

A. $\frac{1}{2}$;

B. 1;

C. 2.

126. O progresie geometrică $(b_n)_{n \geq 1}$ are rația $q = 2$ și termenul $b_8 = 640$. Atunci termenul b_5 este egal cu:

A. 80;

B. 81;

C. 76.

127. Suma $S = \frac{1}{2} - \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^3} - \frac{1}{2^4} + \dots + \frac{1}{2^{11}}$ este egală cu:

A. $1 - \frac{1}{2^{10}}$;

B. $1 - \frac{1}{2^{11}}$;

C. $\frac{1}{3} \left(1 + \frac{1}{2^{11}} \right)$.

128. Dacă numerele $\sqrt{x-2}$, $\sqrt{x+1}$, $\sqrt{x+13}$ sunt termeni consecutivi ai unei progresii geometrice, atunci x este egal cu:

A. 2;

B. 3;

C. 1.

129. Suma tuturor numerelor pare mai mici decăt 21 este egală cu:

A. 100;

B. 110;

C. 120.

130. Suma $S = 1 - 2 + 3 - 4 + \dots - 20 + 21$ este egală cu:

A. 10;

B. 11;

C. 12.

131. Primii trei termeni ai unei progresii geometrice sunt: b_1 , $\sqrt{8}$, 4. Atunci b_5 este egal cu:

A. $4\sqrt{2}$

B. 8;

C. $2\sqrt{8}$.

144. Soluția ecuației cu variabila $n \in \mathbf{N}$, $\frac{1}{3P_{n+1}} = \frac{4}{P_{n+3}}$, unde $P_n = n!$, este:

A. 1; **B.** 2; **C.** 3.

145. Valoarea expresiei $\frac{1}{2!} + \frac{1}{3!} + \frac{1}{4!}$ este:

A. $\frac{21}{23}$; **B.** $\frac{22}{25}$; **C.** $\frac{17}{24}$.

146. Mulțimea valorilor lui $n \in \mathbf{N}$, $n \geq 1$, pentru care are loc inegalitatea $\frac{(n+1)!}{(n-1)!} < 30$ este:

A. $\{1, 2, 3, 4\}$;
B. $\{2, 3, 4, 5\}$;
C. $\{0, 1, 2, 3\}$.

147. Dacă $n! = 720$, atunci valoarea lui $n \in \mathbf{N}$ este:

A. 5; **B.** 6; **C.** 7.

148. Știind că $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$, $k \in \mathbf{N}$, $n \geq k$, să se determine valoarea lui $n \in \mathbf{N}$, $n \geq 7$,

care verifică ecuația $A_n^7 - A_n^6 = 8A_n^5$.

A. $n = 7$; **B.** $n = 8$; **C.** $n = 9$.

149. Dacă $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$, $n, k \in \mathbf{N}$, $n \geq k$, atunci soluția ecuației $2A_n^7 A_n^4 = A_n^6 A_n^5$,

unde $n \in \mathbf{N}$, $n \geq 7$, este:

A. $n = 8$; **B.** $n = 9$; **C.** $n = 10$.

150. Numărul de submulțimi cu câte trei elemente ale unei mulțimi cu patru elemente, este:

A. 3; **B.** 5; **C.** 4.

151. Valoarea sumei $C_6^0 + C_6^1 + C_6^2 + C_6^3 + C_6^4 + C_6^5 + C_6^6$ este:

A. 32; **B.** 64; **C.** 128.

152. Numărul de triunghiuri care se pot forma cu șapte puncte astfel încât oricare trei dintre ele nu sunt coliniare, este:

A. 35; **B.** 210; **C.** 56.

153. Valoarea sumei $C_n^1 + C_n^2 + \dots + C_n^{n-1}$ este:

A. 2^n ; **B.** $2^n - 1$; **C.** $2^n - 2$.

154. Numărul de diagonale ale unui hexagon regulat este:

A. 9; **B.** 15; **C.** 30.

155. Mulțimea valorilor lui $x \in \mathbf{N}$, pentru care există numărul $C_{7x}^{x^2+10}$ este:

- A. $\{1, 2, 3\}$;
- B. $\{2, 3, 4, 5\}$;
- C. $\{0, 3, 5\}$.

156. Coeficientul ultimului termen al dezvoltării binomului $(x + 3y)^3$ este:

- A. 27;
- B. 9;
- C. 1.

157. Numărul de termeni ai dezvoltării binomului $(2x^3 + 3x^2)^9$ este:

- A. 9;
- B. 8;
- C. 10.

158. Numărul natural $n \geq 3$, care verifică ecuația $C_n^3 + C_n^2 = 15(n-1)$ este:

- A. $n = 9$;
- B. $n = 18$;
- C. $n = 19$.

159. Binomul lui Newton care conține termenul $T_{13} = C_{20}^{12} \cdot 5^8 \cdot y^{12}$ este:

- A. $(5 - y)^{21}$;
- B. $(5 + y)^{20}$;
- C. $(5 + y)^{12}$.

160. Dacă $x, y \in \mathbf{N}$, $x \geq y + 1$, $y \geq 1$, atunci sistemul de ecuații

$$\begin{cases} A_x^y = 7A_x^{y-1} \\ 6 \cdot C_x^y = 5C_x^{y+1} \end{cases}$$

unde $A_n^m = \frac{n!}{(n-m)!}$ și $C_n^m = \frac{n!}{m!(n-m)!}$, are soluția:

- A. $x = 6, y = 4$;
- B. $x = 10, y = 6$;
- C. $x = 10, y = 4$.

161. În câte moduri se pot aranja pe un raft 5 cărți?

- A. 120;
- B. 150;
- C. 200.

162. Numărul natural n , $n \geq 4$, pentru care are loc egalitatea $\frac{(n-2)!}{(n-4)!} = 6$, este:

- A. 4;
- B. 5;
- C. 6.

163. Valoarea lui $n \in \mathbf{N}$, $n \geq 2$, pentru care are loc egalitatea $n! = 20(n-2)!$, este:

- A. 2;
- B. 6;
- C. 5.

164. Toți cei 25 de elevi ai unei clase schimbă fotografii între ei. Câte fotografii sunt necesare?

- A. 600;
- B. 400;
- C. 700.

165. Câte numere de trei cifre distincte se pot forma cu cifrele 0, 1, 3, 5?

- A. 15;
- B. 24;
- C. 18.

- 166.** Valoarea lui $n \in \mathbf{N}$, $n \geq 4$, pentru care are loc egalitatea $A_{n-2}^2 = 42$, este:
A. 9; **B.** 7; **C.** 6.
- 167.** Ecuația $A_x^5 = 12A_x^3$, cu necunoscuta $x \in \mathbf{N}$, $x \geq 5$, are soluția:
A. 5; **B.** 7; **C.** 9.
- 168.** Numărul natural n , $n \geq 1$ astfel încât $C_n^1 + A_n^1 = 12$, este:
A. 2; **B.** 4; **C.** 6.
- 169.** Valoarea expresiei $E = 2C_5^3 - A_5^2$ este:
A. 5; **B.** 0; **C.** 6.
- 170.** Numărul $C_6^4 - C_5^4 + C_5^3$ este:
A. 30; **B.** 10; **C.** 20.
- 171.** Numărul $C_{2012}^2 - C_{2012}^{2010}$ este:
A. 1; **B.** 0; **C.** 2010.
- 172.** O mulțime cu n elemente are 10 submulțimi cu câte 2 elemente. Atunci:
A. $n = 5$; **B.** $n = 8$; **C.** $n = 12$.
- 173.** Numărul de moduri în care pot fi alese 3 persoane dintr-un grup de 7 persoane este:
A. 15; **B.** 35; **C.** 30.
- 174.** Numărul natural $n \geq 2$, pentru care $C_n^2 = 15$, este:
A. 5; **B.** 1; **C.** 6.
- 175.** Valoarea expresiei $C_5^0 - C_5^1 + C_5^2 - C_5^3 + C_5^4 - C_5^5$ este:
A. 0; **B.** 3; **C.** 5.
- 176.** Ecuația $C_x^2 + A_x^2 = 30$ are soluția $x \geq 2$, $x \in \mathbf{N}$, egală cu:
A. 5; **B.** 4; **C.** 3.
- 177.** Soluția ecuației $A_{x+1}^2 - C_{x+2}^1 = 79$, în variabila $x \geq 1$, $x \in \mathbf{N}$, este:
A. 5; **B.** 7; **C.** 9.
- 178.** Ecuația $2C_x^2 = C_x^{x-3}$, în variabila $x \geq 3$, $x \in \mathbf{N}$, are soluția:
A. 5; **B.** 8; **C.** 3.
- 179.** Valorile lui $x \geq 3$, $x \in \mathbf{N}$, care verifică inecuația $xC_{x-1}^2 - 7C_{x-2}^1 \leq 8(x-2)$, sunt:
A. $\{3, 4, 5, 6\}$; **B.** $\{3, 4\}$; **C.** $\{5, 6\}$.

180. Mulțimea valorilor lui $x \in \mathbf{N}$, $1 \leq x \leq 10$, care verifică inecuația $2C_{10}^x < C_{10}^{x-1}$, este:

- A. $\{5, 6, 7\}$;
 B. $\{6, 7, 8\}$;
 C. $\{8, 9, 10\}$.

181. Ecuația $A_x^6 - 24xC_x^4 = 11A_x^4$, în variabila $x \geq 6$, $x \in \mathbf{N}$, are soluția:

- A. 9; B. 1; C. 6.

182. Soluția sistemului de ecuații în necunoscutele $x, y \in \mathbf{N}$, $x \geq y, y \geq 1$,

$$\begin{cases} 8A_x^{y-1} = A_x^y \\ 9C_x^y = 8C_x^{y-1} \end{cases}$$

este:

- A. $x = 9, y = 16$;
 B. $x = 16, y = 9$;
 C. $x = 8, y = 11$.

183. Mulțimea valorilor lui $n \in \mathbf{N}$, pentru care are sens numărul $C_{5n+4}^{n^2+3n-4}$, este:

- A. $\{1, 3\}$;
 B. $\{2, 3, 4, 5\}$;
 C. $\{1, 2, 3, 4\}$.

184. Termenul al patrulea al dezvoltării binomiale $\left(x^2 + \frac{1}{x}\right)^6$ este:

- A. 1; B. $20x^3$; C. x^4 .

185. Termenul care nu-l conține pe x din dezvoltarea $\left(\sqrt[3]{x^2} + \frac{1}{x}\right)^5$ este:

- A. T_3 ; B. T_4 ; C. T_6 .

186. Termenul din dezvoltarea binomului $\left(\frac{\sqrt{x}}{2} + \sqrt[3]{x^2}\right)^{12}$ care îl conține pe x^6 , este:

- A. T_6 ; B. T_1 ; C. T_{12} .

187. Care sunt termenii dezvoltării $\left(\sqrt{x} + \frac{1}{2 \cdot \sqrt[4]{x}}\right)^8$, $x \in \mathbf{R}, x > 0$, în care exponentul lui x este un număr natural?

- A. T_2 și T_6 ; B. T_4 ; C. T_1 și T_5 .

188. Suma $S = \frac{C_n^1}{C_n^0} + \frac{2 \cdot C_n^2}{C_n^1} + \frac{3 \cdot C_n^3}{C_n^2} + \dots + \frac{n \cdot C_n^n}{C_n^{n-1}}$, este:

- A. $\frac{n(n+1)}{2}$; B. $\frac{n+1}{2}$; C. $\frac{n(n-1)}{2}$.

189. Dacă $n \in \mathbf{N}$, $n \geq 2$, atunci valoarea sumei $S_n = \sum_{k=0}^n (-1)^k C_n^k 2^{n-k}$, este:

A. 0;

B. 2;

C. 1.

190. Suma elementelor matricei $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ este:

A. 2;

B. 10;

C. -10.

191. Produsul elementelor matricei $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ este:

A. 0;

B. 24;

C. 10.

192. Dacă $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}$ și $C = A+B$, atunci:

A. $C = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$;

B. $C = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$;

C. $C = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$.

193. Dacă $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$, atunci suma elementelor matricei A^2 este:

A. 1;

B. -1;

C. 0.

194. Se dau matricele:

$A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 1 & a \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 4 & -2 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} 7 & 0 \\ 2 & 8 \end{pmatrix}$. Dacă $A + B = C$, atunci valoarea numărului real a este:

A. $a = 1$;

B. $a = 2$;

C. $a = 4$.

195. Determinantul matricei $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 4 \\ 4 & 9 & 16 \end{pmatrix}$ este:

A. -2;

B. 14;

C. 2.

196. Determinantul matricei $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$ este:

A. 1;

B. 5;

C. 0.

197. Se consideră matricea $A = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 4 & 4 \end{pmatrix}$. Calculând matricea $A^2 + A$ se obține:

A. $7A$;

B. A ;

C. $6A$.

198. Fie matricea $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 4 \end{pmatrix}$. Determinantul matricei A^{-1} este:

A. -1 ;

B. 1 ;

C. 0 .

199. Fie matricea $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 1 \\ 2 & 0 & 0 \\ 5 & 2 & 2 \end{pmatrix}$. Calculând $2A + A \cdot I_3$, unde I_3 este matricea unitate de ordin 3, se obține:

A. $3A$;

B. A^{-1} ;

C. A .

200. Sistemul de ecuații $\begin{cases} 4x + y = 0 \\ 8x + 2y = 0 \end{cases}$ admite soluția:

A. $x = 0$ și $y = 0$;

B. $x = 4$ și $y = 0$;

C. $x = -1$ și $y = -3$.

201. Soluția sistemului de ecuații $\begin{cases} y = x + 8 \\ y = -2x + 17 \end{cases}$ este:

A. $x = -1$ și $y = 2$;

B. $x = 8$ și $y = 0$;

C. $x = 3$ și $y = 11$.

202. Sistemul de ecuații $\begin{cases} x + y + 2z = 8 \\ 3x + y + z = 10 \\ x = 2 \end{cases}$

A. nu are soluții reale;

B. are trei soluții reale;

C. are soluția $x = y = z = 2$.

203. Următoarea egalitate $\begin{pmatrix} 3p - q & q - 2 \\ -5 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ -5 & 2 \end{pmatrix}$ are loc pentru:

A. orice valoare reală a lui p și q ;

B. $p = 3$, $q = 7$;

C. $p = -5$, $q = 2$.

204. Sistemul de ecuații $\begin{cases} x + 2y - z = 2 \\ -2x + y + 2z = 6 \end{cases}$

A. nu are soluții reale;

B. are o infinitate de soluții reale;

C. admite soluția $x = y = z = 0$.

205. Valoarea determinantului matricei $\begin{pmatrix} x_1 & 0 & 2 \\ x_2 & 2 & 0 \\ 0 & x_2 & x_1 \end{pmatrix}$, unde x_1 și x_2 sunt soluțiile ecuației

$x^2 - 4x + 3 = 0$, este egală cu

A. 4;

B. 10;

C. 20.

206. Dacă $x = 1, y = 1$ este soluția sistemului de ecuații $\begin{cases} -2ax + 5y = 7 \\ 2x + 2by = 2 \end{cases}$, atunci:

A. $a = -1, b = 0$;

B. $a = 0, b = -1$;

C. $a = 0, b = 0$.

207. Se consideră sistemul de ecuații $\begin{cases} x + ay + a^2z = a \\ x + by + b^2z = b \\ x + cy + c^2z = c \end{cases}$, cu $a, b, c \in \mathbf{R}$. Pentru $a = 0, b = 1, c$

$= 3$, soluția sistemului este:

A. $x = 1, y = 1, z = 1$;

B. $x = 0, y = 1, z = 0$;

C. $x = -1, y = 2, z = 0$.

208. Sistemul $\begin{cases} mx + y + z = m^2 - 3 \\ 5x - 2y + z = -2 \\ (m+1)x + 2y + 3z = -2 \end{cases}$, $m \in \mathbf{R}$ admite soluția $x = 1, y = 2, z = -3$, pentru:

A. $m = 2$;

B. $m = -1$;

C. $m = 0$.

209. Sistemul de ecuații $\begin{cases} x + 3y + 3z = 7 \\ 3x + ay + 3z = 7 \\ 3x + 3y + az = 7 \end{cases}$ are soluția $x = 1, y = 1, z = 1$ pentru:

A. $a = -1$;

B. $a = 1$;

C. $a = 0$.

210. Se dau matricele:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \\ 3 & 3 & 1 \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad x, y, z \in \mathbf{R}. \text{ Relația } AX = B \text{ este verificată de}$$

valorile:

A. $x = 1, y = -1, z = 2$;

B. $x = 0, y = -1, z = 0$;

C. $x = 1, y = 1, z = 1$.

211. Inversa matricei $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ este:

- A.** $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$; **B.** $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$; **C.** $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$.

212. În mulțimea matricelor $M_2(\mathbf{R})$ se consideră $A = \begin{pmatrix} x-1 & 2 \\ 2 & x-1 \end{pmatrix}$. Dacă $\det(A) = 0$, atunci numărul real x aparține mulțimii:

- A.** $\{-1, 3\}$; **B.** $\{1, -3\}$; **C.** $\{0, 3\}$.

213. Dacă matricea $B \in M_2(\mathbf{R})$ verifică relația $\begin{pmatrix} x+y & y \\ 0 & x+2y \end{pmatrix} = xI_2 + yB^T$, unde I_2 reprezintă matricea unitate de ordin 2 și B^T este transpusa matricei B , atunci:

- A.** $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$; **B.** $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$; **C.** $B = \begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$.

214. Fie matricea $A \in M_2(\mathbf{R})$, $A = \begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$. Atunci matricea $2A - A^T$, unde A^T este transpusa matricei A , este egală cu:

- A.** $\begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$; **B.** $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$; **C.** $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$.

215. Se dau matricele $A, B \in M_2(\mathbf{R})$, $A = \begin{pmatrix} 9 & 1 \\ 3 & 7 \end{pmatrix}$ și $B = \begin{pmatrix} 4 & a \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$. Valoarea lui $a \in \mathbf{R}$, pentru care $\det A + \det B = 1$, este:

- A.** $a = 21$; **B.** $a = 1$; **C.** $a = 2$.

216. Se consideră funcția $f: M_2(\mathbf{R}) \rightarrow M_2(\mathbf{R})$, definită prin $f(A) = 2A + 5A^T$, unde A^T este transpusa matricei A . Calculând $f(I_2)$ se obține:

- A.** A ; **B.** I_2 ; **C.** $7I_2$.

217. Se consideră matricea $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ și matricea unitate de ordin 3, I_3 . Calculând A^2 se

obține:

- A.** $A^2 = 4A + 2I_3$;

B. $A^2 = A - I_3 + \begin{pmatrix} 0 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$;

C. $A^2 = 2A + I_3 - \begin{pmatrix} 0 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & -3 & 0 \end{pmatrix}$.

218. Determinantul matricei $\begin{pmatrix} 4 & -2 & 1 \\ 0 & 5 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ este:

A. 10;

B. 0;

C. 20.

219. Rangul matricei $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 3 & 6 & -2 & 1 \end{pmatrix}$ este:

A. 1;

B. 2;

C. 4.

220. Rangul matricei $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 & 4 \\ -2 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & 6 \end{pmatrix}$ este:

A. 1;

B. 2;

C. 3.

221. Matricea $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 2 \\ 1 & 4 & 3 \\ 3 & 3 & \alpha \end{pmatrix}$, $\alpha \in \mathbf{R}$, este inversabilă pentru:

A. $\alpha \neq 5$;

B. $\alpha = 5$;

C. $\alpha \neq 7$.

222. Fie matricele $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix}$. Atunci determinantul matricei AB este:

A. -5;

B. -3;

C. 15.

223. Determinantul matricei $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 2 \\ 1 & 4 & 3 \\ 3 & 3 & \alpha \end{pmatrix}$, $\alpha \in \mathbf{R}$, este 0 pentru:

A. $\alpha = 5$;

B. $\alpha = 1$;

C. $\alpha = 7$.

224. Determinantul matricei $A = \begin{pmatrix} \sin \alpha & -\cos \alpha \\ \cos \alpha & \sin \alpha \end{pmatrix}$, $\alpha \in \mathbf{R}$, este:

A. $\cos(2\alpha)$;

B. $\sin(2\alpha)$;

C. 1.

225. Inversa matricei $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ este:

A. $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$;

B. $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$;

C. $\begin{pmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$.

226. Se consideră matricea $A(a) = \begin{pmatrix} 1 & a & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & a \end{pmatrix}$, $\forall a \in \mathbf{R}$. Calculând $\det A(2) \cdot \det A(4)$ se

obține:

A. 8;

B. 9;

C. 20.

227. În mulțimea matricelor $M_2(\mathbf{R})$ se consideră $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}$ și $B = \begin{pmatrix} x & 1 \\ 0 & x \end{pmatrix}$. Mulțimea valorilor lui x care verifică relația $\det(A + B) = 0$ este:

A. $\{3, 7\}$;

B. $\{3, -5\}$;

C. $\{0, 1\}$.

228. În mulțimea matricelor $M_2(\mathbf{R})$ se consideră $A(a) = \begin{pmatrix} a & 0 \\ 0 & a \end{pmatrix}$. Calculând A^{2012} se obține:

A. $\begin{pmatrix} a^{2012} & 0 \\ 0 & a^{2012} \end{pmatrix}$;

B. $\begin{pmatrix} a^{2012} & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$;

C. $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & a^{2012} \end{pmatrix}$.

229. Se dau matricele $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 4 & -3 \end{pmatrix}$ și $B = \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 0 & 0 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$. Atunci matricea produs AB este

egală cu:

A. $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -3 \end{pmatrix}$;

B. $\begin{pmatrix} -1 & 6 \\ 3 & -3 \end{pmatrix}$;

C. $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$.

230. Se dă matricea $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$. Atunci A^n , $\forall n \geq 2$ este:

A. $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$;

B. $\begin{pmatrix} 100 & 50 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$;

C. $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ n & 1 \end{pmatrix}$.

231. Se dau matricele $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 \\ 4 & 3 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ și $C = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 3 \\ 1 & 1 & 6 \end{pmatrix}$. Care dintre

următoarele afirmații este adevărată?

- A.** $A(BC) = A^2 B$;
- B.** $(AB)C = C(BA)$;
- C.** $A(BC) = (AB)C$.

232. Se dau matricele $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 2 & 1 \\ 4 & 3 & -1 \end{pmatrix}$ și $B = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$. Care dintre următoarele afirmații

este adevărată?

- A.** $10(AB) = A(10B)$;
- B.** $AB = 10 A$;
- C.** $10A = 10B$.

233. Se dau matricele $A = \begin{pmatrix} 0 & 10 & 11 \\ 20 & 2 & 1 \\ -3 & 3 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & -5 & 0 \\ -14 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$: Care dintre următoarele

afirmații este adevărată?

- A.** $3(A - B) = A$;
- B.** $A + B = 3A$;
- C.** $3(A + B) = 3A + 3B$.

234. Fie matricea $A = \begin{pmatrix} \alpha & \beta & \gamma \\ \gamma & \alpha & \beta \\ \beta & \gamma & \alpha \end{pmatrix}$, $\alpha, \beta, \gamma \in \mathbf{R}$. Dacă $\alpha^3 + \beta^3 + \gamma^3 = \alpha\beta\gamma$, atunci

determinantul matricei A este:

- A.** 0;
- B.** $2\alpha\beta\gamma$;
- C.** $-2\alpha\beta\gamma$.

235. Determinantul matricei $\begin{pmatrix} \alpha+3 & \alpha & 5 \\ \beta+3 & \beta & 5 \\ \gamma+3 & \gamma & 5 \end{pmatrix}$, $\alpha, \beta, \gamma \in \mathbf{R}$, este egal cu:

- A.** 0;
- B.** $\alpha\beta\gamma$;
- C.** 15.

236. Determinantul matricei $\begin{pmatrix} \alpha+\beta & \alpha-\beta & 2\alpha \\ \beta+\gamma & \beta-\gamma & 2\beta \\ \gamma+\alpha & \gamma-\alpha & 2\gamma \end{pmatrix}$, $\alpha, \beta, \gamma \in \mathbf{R}$, este egal cu:

- A.** 0;
- B.** $\alpha\beta\gamma$;
- C.** $\alpha + \beta + \gamma$.

237. Determinantul matricei $\begin{pmatrix} 2\alpha & 0 & \beta \\ 2 & 5 & 4 \\ 4\alpha & 0 & 2\beta \end{pmatrix}$, $\alpha, \beta \in \mathbf{R}$, este egal cu:

A. 0;

B. $5\alpha\beta$;

C. $40\alpha\beta$.

238. Inversa matricei $A = \begin{pmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha \\ \sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix}$, $\alpha \in \mathbf{R}$, este:

A. $\begin{pmatrix} \cos(-\alpha) & -\sin(-\alpha) \\ \sin(-\alpha) & \cos(-\alpha) \end{pmatrix}$;

B. $\begin{pmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha \\ \sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix}$;

C. $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$.

239. Fie matricea $A = \begin{pmatrix} 2 & -4 & 1 \\ 5 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \end{pmatrix}$. Determinantul matricei A^4 este:

A. -8;

B. 16;

C. -16.

240. Valoarea parametrului $\alpha \in \mathbf{R}$, pentru care următorul sistem de ecuații este compatibil

$$\begin{cases} x - 3y = -2 \\ x + 2y = 3 \\ 3x - y = \alpha \end{cases}$$

este egală cu:

A. $\alpha = 2$;

B. $\alpha = -2$;

C. $\alpha = 0$.

241. Se consideră sistemul de ecuații

$$\begin{cases} 2\alpha x + y + z = 0 \\ x + \alpha y - z = -1 \\ x + 2\alpha y + z = 1 \end{cases}, \quad \alpha \in \mathbf{R}.$$

Sistemul este compatibil determinat pentru:

A. $\alpha \in \left\{-\frac{2}{3}, \frac{1}{2}\right\}$;

B. $\alpha \notin \left\{-\frac{2}{3}, \frac{1}{2}\right\}$;

C. $\alpha \in \left\{\frac{1}{2}, 2\right\}$.

242. Sistemul de ecuații

$$\begin{cases} \alpha x + y + z = 0 \\ x + 2\alpha y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}, \quad \alpha \in \mathbf{R},$$

este compatibil nedeterminat pentru:

A. $\alpha \in \{1, 2\}$;

B. $\alpha \notin \left\{\frac{1}{2}, 1\right\}$;

C. $\alpha \in \left\{\frac{1}{2}, 1\right\}$.

243. Sistemul de ecuații

$$\begin{cases} 2x + y = 8 \\ x - y = 1 \\ 5x + 4y = m \end{cases}, m \in \mathbf{R},$$

este compatibil pentru:

A. $m = -23$;

B. $m \neq 23$;

C. $m = 23$.

244. Sistemul de ecuații

$$\begin{cases} x - 3y + z - t = 0 \\ 2x + y - z - 2t = 0 \end{cases}$$

este:

A. incompatibil;

B. compatibil determinat;

C. compatibil nedeterminat.

245. Sistemul de ecuații

$$\begin{cases} x + y - (m-1)z = 1 \\ x + (m-1)y - z = 2 \\ x + my + z = -1 \end{cases} \quad m \in \mathbf{R},$$

A. pentru $m = 3$ este compatibil nedeterminat;

B. pentru $m = 2$ este incompatibil;

C. pentru $m = 2$ este compatibil nedeterminat.

Răspunsuri corecte:

1-C	50-C	99-C	148-C	197-A
2-C	51-A	100-B	149-A	198-A
3-A	52-A	101-C	150-C	199-A
4-C	53-B	102-B	151-B	200-A
5-C	54-A	103-B	152-A	201-C
6-A	55-A	104-A	153-C	202-C
7-A	56-B	105-B	154-A	203-B
8-B	57-C	106-A	155-A	204-B
9-A	58-C	107-B	156-C	205-C
10-A	59-B	108-A	157-A	206-A
11-B	60-C	109-B	158-B	207-B
12-A	61-B	110-C	159-C	208-A
13-C	62-C	111-B	160-A	209-B
14-C	63-B	112-B	161-A	210-A
15-B	64-C	113-B	162-B	211-A
16-C	65-B	114-C	163-C	212-A
17-C	66-C	115-B	164-A	213-B
18-B	67-B	116-C	165-C	214-B
19-C	68-C	117-B	166-A	215-A
20-A	69-B	118-A	167-B	216-C
21-B	70-C	119-A	168-C	217-C
22-C	71-A	120-A	169-B	218-C
23-B	72-B	121-B	170-C	219-B
24-A	73-C	122-C	171-B	220-B
25-C	74-A	123-B	172-A	221-A
26-B	75-C	124-C	173-B	222-C
27-A	76-B	125-B	174-C	223-A
28-C	77-B	126-A	175-A	224-C
29-B	78-C	127-C	176-A	225-C
30-A	79-B	128-B	177-C	226-A
31-A	80-B	129-B	178-B	227-B
32-A	81-A	130-B	179-A	228-A
33-A	82-B	131-B	180-C	229-B
34-C	83-C	132-A	181-A	230-C
35-B	84-B	133-A	182-B	231-C
36-B	85-A	134-C	183-C	232-A
37-B	86-B	135-B	184-B	233-C
38-A	87-C	136-B	185-A	234-C
39-A	88-B	137-B	186-B	235-A
40-A	89-B	138-B	187-C	236-A
41-C	90-B	139-A	188-A	237-A
42-A	91-C	140-A	189-C	238-A
43-B	92-C	141-C	190-A	239-B
44-C	93-B	142-A	191-B	240-A
45-B	94-B	143-B	192-A	241-B
46-B	95-C	144-A	193-A	242-C
47-B	96-A	145-C	194-C	243-C
48-B	97-C	146-A	195-C	244-C
49-A	98-B	147-B	196-B	245-B